

## Pflichtaufgaben

### Aufgabe 2020 P4:

Lösen Sie die Gleichung: 3,5 P

$$(2x+1)^2 - 3(x+4) = (x-1)(2x+1) + 2$$

### Lösung 2020 P4:

<b>Die Gleichung</b>	$(2x+1)^2 - 3(x+4) = (x-1)(2x+1) + 2$
<b>ist folgendermaßen aufgebaut:</b>	<b>1. bin. Formel – 3 · Summe = Summe · Summe + Zahl</b>
<b>Formeln:</b>	$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$ $x(a-b) = xa - xb$ $(a-b)(c+d) = ac + ad - bc - bd$

Wir beginnen von links nach rechts.

$$(2x+1)^2 - 3(x+4) = (x-1)(2x+1) + 2$$

$$(2x+1)^2 - 3(x+4) = (x-1)(2x+1) + 2 \quad \text{1. binomische Formel}$$

$$(2x)^2 + 2 \cdot 2x \cdot 1 + 1^2 - 3(x+4) = (x-1)(2x+1) + 2$$

$$4x^2 + 4x + 1 - 3(x+4) = (x-1)(2x+1) + 2$$

$$4x^2 + 4x + 1 - 3(x+4) = (x-1)(2x+1) + 2$$

$$4x^2 + 4x + 1 - 3 \cdot (x+4) = (x-1)(2x+1) + 2 \quad \text{Zahl mal Summe}$$

$$4x^2 + 4x + 1 - (3 \cdot x + 3 \cdot 4) = (x-1)(2x+1) + 2$$

$$4x^2 + 4x + 1 - (3x + 12) = (x-1)(2x+1) + 2$$

$$4x^2 + 4x + 1 - (3x + 12) = (x-1)(2x+1) + 2 \quad \text{Minusklammer auflösen}$$

$$4x^2 + 4x + 1 - 3x - 12 = (x-1)(2x+1) + 2$$

$$4x^2 + 4x + 1 - 3x - 12 = (x-1)(2x+1) + 2$$

$$4x^2 + 4x + 1 - 3x - 12 = (x-1)(2x+1) + 2 \quad \text{Zusammenfassen}$$

$$4x^2 + x - 11 = (x-1)(2x+1) + 2$$

$$4x^2 + x - 11 = (x-1)(2x+1) + 2$$

$$4x^2 + x - 11 = (x-1)(2x+1) + 2$$

Ausmultiplizieren (Summe mal Summe)

$$4x^2 + x - 11 = x \cdot 2x + x \cdot 1 - 1 \cdot 2x - 1 \cdot 1 + 2$$

$$4x^2 + x - 11 = 2x^2 + x - 2x - 1 + 2$$

$$4x^2 + x - 11 = 2x^2 + x - 2x - 1 + 2$$

Zusammenfassen

$$4x^2 + x - 11 = 2x^2 - x + 1$$

$$4x^2 + x - 11 = 2x^2 - x + 1$$

$$| - 2x^2 + x - 1$$

$$2x^2 + 2x - 12 = 0$$

$$| : 2$$

**Lösung 2020 P4:**

$$x^2 + x - 6 = 0$$

Normalform einer quadratischen Gleichung

$$x^2 + 1 \cdot x - 6 = 0$$

$$x^2 + px + q = 0$$

p und q bestimmen

$$p = 1$$

$$q = -6$$

$$x_{1,2} = -\frac{p}{2} \pm \sqrt{\frac{p^2}{4} - q}$$

Lösungsformel

$$x_{1,2} = -\frac{1}{2} \pm \sqrt{\frac{1^2}{4} - (-6)}$$

$$x_{1,2} = -\frac{1}{2} \pm \sqrt{\frac{1}{4} + 6}$$

$$x_{1,2} = -0,5 \pm \sqrt{0,25 + 6}$$

$$x_{1,2} = -0,5 \pm \sqrt{6,25}$$

$$x_{1,2} = -0,5 \pm 2,5$$

$$\underline{x_1} = -0,5 + 2,5 = \underline{2}$$

$$\underline{x_2} = -0,5 - 2,5 = \underline{-3}$$

$$\underline{\underline{\mathbb{L}}} = \{-3; 2\}$$